# MATHEMATICS CLASS - IX 

http://jsuniltutorial.weebly.com/
Time allowed : 3 hours
Marks: 90

## सामान्य निर्देश :

(i) सभी प्रश्न अनिवार्य हैं।
(ii) इस प्रश्न पत्र में 34 प्रश्न हैं, जिन्हें चार खण्डों अ, ब, स तथा द में बांटा गया है। खण्ड-अ में 8 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक 1 अंक का है; खण्ड-ब में 6 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं; खण्ड-स में 10 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 3 अंक है; तथा खण्ड-द में 10 प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं।
(iii) खण्ड-अ में प्रश्न संख्या 1 से 8 तक बहुविकल्पीय प्रश्न हैं जहां आपको चार विकल्पों में से एक सही विकल्प चुनना है।
(iv) इस प्रश्न पत्र में कोई भी सर्वोपरि विकल्प नहीं है, लेकिन आंतरिक विकल्प 2 अंकों के एक प्रश्न में, 3 अंकों के 3 प्रश्नों में और 4 अंकों के 2 प्रश्नों में दिए गए हैं। प्रत्येक प्रश्न में एक विकल्प का चयन करें।
(v) कैलकुलेटर का प्रयोग वर्जित है।

## General Instructions:

(i) All questions are compulsory.
(ii) The question paper consists of 34 questions divided into four sections A, B, C and D. Section-A comprises of $\mathbf{8}$ questions of $\mathbf{1}$ mark each; Section-B comprises of $\mathbf{6}$ questions of $\mathbf{2}$ marks each; Section-C comprises of $\mathbf{1 0}$ questions of $\mathbf{3}$ marks each and Section-D comprises of $\mathbf{1 0}$ questions of $\mathbf{4}$ marks each.
(iii) Question numbers $\mathbf{1}$ to 8 in Section-A are multiple choice questions where you are required to select one correct option out of the given four.
(iv) There is no overall choice. However, internal choices have been provided in 1 question of two marks, 3 questions of three marks each and $\mathbf{2}$ questions of four marks each. You have to attempt only one of the alternatives in all such questions.
(v) Use of calculator is not permitted.

प्रश्न संख्या 1 से 8 में प्रत्येक का 1 अंक ह। प्रत्येक प्रश्न में चार विकल्प दिए गए हैं, जिनमें से एक सही है। आपको सही विकल्प चुनना है।
Question numbers 1 to 8 carry one mark each. For each question, four alternative choices have been provided of which only one is correct. You have to select the correct choice.

1. $4 \sqrt{28} \div 3 \sqrt{7}$ का मान है :
(a) $\frac{8}{3}$
(b) $\frac{16}{3}$
(c) $\frac{24}{3}$
(d) $\frac{18}{3}$

The value of $4 \sqrt{28} \div 3 \sqrt{7}$ is :
(a) $\frac{8}{3}$
(b) $\frac{16}{3}$
(c) $\frac{24}{3}$
(d) $\frac{18}{3}$
2. यदि बहुपद $\mathrm{p}(x)=x^{2}+11 x+\mathrm{k}$ का शून्यक -4 हो तो k का मान है :
(a) 40
(b) -28
(c) 28
(d) 5

If -4 is the zero of the polynomial $\mathrm{p}(x)=x^{2}+11 x+\mathrm{k}$, then value of k is :
(a) 40
(b) -28
(c) 28
(d) 5
3. एक त्रिघाती बहुपद में अधिकतम शून्यक होते हैं :
(a) 0
(b) 1
(c) 2
(d) 3

Maximum number of zeroes in a cubic polynomial are:
(a) 0
(b) 1
(c) 2
(d) 3
4. बहुपद $x^{2}+8 x+15$ तथा $x^{2}+3 x-10$ का उभयनिष्ठ गुणनखंड है :
(a) $x+3$
(b) $x+5$
(c) $x-5$
(d) $x-3$

Common factor in quadratic polynomials $x^{2}+8 x+15$ and $x^{2}+3 x-10$ is:
(a) $x+3$
(b) $x+5$
(c) $x-5$
(d) $x-3$
5. $\triangle \mathrm{ABC}$ में $\angle \mathrm{A}+\angle \mathrm{B}=105^{\circ}, \angle \mathrm{B}+\angle \mathrm{C}=120^{\circ}$ तो $\angle \mathrm{B}$ का मान है :
(a) $65^{\circ}$
(b) $80^{\circ}$
(c) $35^{\circ}$
(d) $45^{\circ}$

If in a triangle $\mathrm{ABC}, \angle \mathrm{A}+\angle \mathrm{B}=105^{\circ}, \angle \mathrm{B}+\angle \mathrm{C}=120^{\circ}$ then $\angle \mathrm{B}$ is :
(a) $65^{\circ}$
(b) $80^{\circ}$
(c) $35^{\circ}$
(d) $45^{\circ}$
6. समकोण समद्विबाहु त्रिभुज ABC में जो कि A पर समकोण है में $\angle \mathrm{B}$ का मान है :
(a) $45^{\circ}$
(b) $60^{\circ}$
(c) $30^{\circ}$
(d) $90^{\circ}$

A rt. angled isosceles triangle ABC is right angled at A . Then $\angle \mathrm{B}$ is :
(a) $45^{\circ}$
(b) $60^{\circ}$
(c) $30^{\circ}$
(d) $90^{\circ}$
7. बिन्दु $(-2,5)$ जिस चतुर्थांश में स्थित है, वह है :
(a) $I$
(b) II
(c) III
(d) IV

Point $(-2,5)$ lies in the quadrant :
(a) I
(b) II
(c) III
(d) IV
8. यदि $x \neq y$, तो $(x, y) \neq(y, x)$, लेकिन यदि $x=y$ तो :
(a) $(x, y)=(y, x)$
(b) $(x, y) \neq(y, x)$
(c) $\quad(x, y)=(-x,-y)$
(d) $(x, y)=(-x, y)$

If $x \neq y$, then $(x, y) \neq(y, x)$, But if $x=y$, then
(a) $(x, y)=(y, x)$
(b) $\quad(x, y) \neq(y, x)$
(c) $\quad(x, y)=(-x,-y)$
(d) $(x, y)=(-x, y)$

## खण्ड-ब/ SECTION-B

## प्रश्न संख्या 9 से 14 में प्रत्येक के 2 अंक हैं।

Question numbers 9 to 14 carry two marks each.
9. 0.5 तथा 0.55 के मध्य दो अपरिमेय संख्याएँ लिखिए।

Find the two irrational numbers between 0.5 and 0.55
10. गुणनखण्ड कीजिए : $2 y^{3}+y^{2}-2 y-1$

Factorize : $2 y^{3}+y^{2}-2 y-1$
11. उचित सर्वसमिका का प्रयोग कर $(103)^{3}$ का मान ज्ञात कीजिए।

Using suitable identity evaluate (103) ${ }^{3}$
12. दी गई आकृति में यदि $\mathrm{AC}=\mathrm{BD}$ तो सिद्ध कीजिए $\mathrm{AB}=\mathrm{CD}$

13. दी गई आकृति में यदि $\mathrm{AB} \| \mathrm{CD}, \angle \mathrm{APQ}=40^{\circ}$ तथा $\angle \mathrm{PRD}=118^{\circ}$ तो $x, y$ का मान ज्ञात कोजिए।


In figure, if $\mathrm{AB} \| \mathrm{CD}, \angle \mathrm{APQ}=40^{\circ}$ and $\angle \mathrm{PRD}=118^{\circ}$, find $x$ and $y$.


## अथवा/ OR

दी गई आकृति में $\mathrm{AB}\|\mathrm{CD}\| \mathrm{EF}$ तथा $x: y=3: 2$ तो $z$ का मान ज्ञात कीजिए।


In figure if $\mathrm{AB}\|\mathrm{CD}\| \mathrm{EF}$ and $x: y=3: 2$, find z .

14. एक त्रिभुज का परिमाप 62 cm है तथा इस की दो भुजाएं 24 cm तथा 10 cm है। इस का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
Find the area of a triangle when two sides are 24 cm and 10 cm and the perimeter of the triangle is 62 cm .

## खण्ड-स/ SECTION-C

प्रश्न संख्या 15 से 24 में प्रत्येक के 3 अंक हैं।
Question numbers 15 to 24 carry three marks each.
15.
(729) ${ }^{-\frac{1}{6}}$ का मान ज्ञात कीजिए।

Find the value of (729) ${ }^{-\frac{1}{6}}$

## अथवा/ OR

दर्शाइए कि $0.2 \overline{35}$ को $\frac{\mathrm{p}}{\mathrm{q}}$ रूप में लिखा जा सकता है जबकि $\mathrm{p}, \mathrm{q}$ पूर्णांक है तथा $\mathrm{q} \neq 0$
Show that $0.2 \overline{35}$ can be expressed in the form $\frac{p}{q}$, where $p$ and $q$ are integers and $q \neq 0$.
16. यदि $\mathrm{a}+\mathrm{b} \sqrt{15}=\frac{\sqrt{5}+\sqrt{3}}{\sqrt{5}-\sqrt{3}}$ तो a तथा b का मान ज्ञात कीजिए।

Find the value of $a$ and $b$, when $a+b \sqrt{15}=\frac{\sqrt{5}+\sqrt{3}}{\sqrt{5}-\sqrt{3}}$
17. गुणनखण्ड कीजिए : $27 \mathrm{p}^{3}-\frac{1}{216}-\frac{9}{2} \mathrm{p}^{2}+\frac{1}{4} \mathrm{p}$

Factorize $27 p^{3}-\frac{1}{216}-\frac{9}{2} p^{2}+\frac{1}{4} p$

# गs. <br> ACBSE Coaching for OKathematics and Science 

$a^{6}-b^{6}$ का ग्णनखण्ड कीजिए।
Factorize : $a^{6}-b^{6}$
18. यदि $x=2$ तथा $x=0$ बहुपद $2 x^{3}-5 x^{2}+\mathrm{p} x+\mathrm{b}$ तो p तथा b का मान ज्ञात कीजिए।

यदि परस्पर समान्तर हों तो सिद्ध कीजिए कि रेखाएं समान्तर हैं।
If the bisectors of a pair of alternate angles formed by a transversal with two given lines are parallel, prove that the given lines are parallel.

## अथवा/ OR

सिद्ध कीजिए कि यदि दो रेखाएँ परस्पर प्रतिच्छेत करती हैं, तो शीर्षाभिमुख कोण बराबर होते हैं।
Prove that if two lines intersect, then the vertically opposite angles are equal.
20. दी गई आकृति में $\mathrm{AC}=\mathrm{BC}, \angle \mathrm{DCA}=\angle \mathrm{ECB}$ तथा $\angle \mathrm{DBC}=\angle \mathrm{EAC}$ तो सिद्ध कीजिए $\mathrm{DC}=\mathrm{EC}$


In the given figure $\mathrm{AC}=\mathrm{BC}, \angle \mathrm{DCA}=\angle \mathrm{ECB}$ and $\angle \mathrm{DBC}=\angle \mathrm{EAC}$
Prove that $\mathrm{DC}=\mathrm{EC}$

21. यदि एक त्रिभुज के दो कोण तथा इन के बीच की भुजा दूसरी त्रिभुज के दो कोणों तथा उनके बीच के कोण के समान हो, तो दोनों त्रिभुज सर्वांगसम होत हैं।
Prove that "Two triangles are congruent if two angles and the included side of one triangle are equal to two angles and the included side of other triangle".
22. त्रिभुज ABC में बिन्दु B तथा C से भुजा AC तथा AB पर खींचे गए लंब BE तथा CF हैं तथा


ABC is triangle in which altitudes BE and CF are equal. Then show that :
(i) $\triangle \mathrm{ABE} \cong \triangle \mathrm{ACF}$ and

(ii) $\mathrm{AB}=\mathrm{AC}$
23. दी गई आकृति में PQ तथा RS दो दपर्ण हैं जो कि एक दूसरे के समान्तर हैं। एक आपतन किरण AB ,

दर्पण PQ से बिन्दु B पर टकराती है और परावर्तित किरण पथ BC पर बढ़ कर दपर्ण RS से C पर टकराती है तथा पुनः परावर्तित हो कर $C D$ के अनुदिश पथ पर जाती है। सिद्ध कीजिए $A B \| C D$ है।


In figure $P Q$ and RS are two mirrors placed parallel to each other. An incident ray $A B$ strikes the mirror $P Q$ at $B$, the reflected ray moves along the path $B C$ and strikes the mirror RS at $C$ and again reflects back along $C D$. Prove that $A B \| C D$.

24. एक खेत समलम्ब की आकृति का है जिसकी समान्तर भुजाएं 25 m तथा 10 m है। असमान्तर भुजाएं 14 m तथा 13 m है। इस खेत का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।
A field is in the shape of a trapezium whose parallel sides are 25 m and 10 m , The non - parallel sides are 14 m and 13 m . Find the area of the field.

## खण्ड-द/ SECTION-D

## प्रश्न संख्या 25 से 34 में प्रत्येक के 4 अंक हैं।

Question numbers 25 to 34 carry four marks each.
25. यदि $x=\frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{3}-1}, y=\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+1}$ तो $x^{2}+y^{2}+x y$ का मान ज्ञात कीजिए।

If $x=\frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{3}-1}, y=\frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+1}$, then find the value of $x^{2}+y^{2}+x y$.

यदि $x=3-2 \sqrt{2}$, तो $x^{3}-\frac{1}{x^{3}}$ का मान ज्ञात कीजिए।
If $x=3-2 \sqrt{2}$, find $x^{3}-\frac{1}{x^{3}}$
26. सिद्ध कीजिए : $\frac{1}{\sqrt{4}+\sqrt{5}}+\frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{6}}+\frac{1}{\sqrt{6}+\sqrt{7}}+\frac{1}{\sqrt{7}+\sqrt{8}}+\frac{1}{\sqrt{8}+\sqrt{9}}=1$

Prove that : $\frac{1}{\sqrt{4}+\sqrt{5}}+\frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{6}}+\frac{1}{\sqrt{6}+\sqrt{7}}+\frac{1}{\sqrt{7}+\sqrt{8}}+\frac{1}{\sqrt{8}+\sqrt{9}}=1$
27. सरल कर के गुणनखण्ड कीजिए : $(a+b+c)^{2}-(a-b-c)^{2}+4 b^{2}-4 c^{2}$

Simplify and factorise $(a+b+c)^{2}-(a-b-c)^{2}+4 b^{2}-4 c^{2}$
28. यदि $a+b+c=6$ तथा $a b+b c+c a=11$ तो $a^{3}+b^{3}+c^{3}-3 a b c$

If $a+b+c=6$ and $a b+b c+c a=11$, find the value of $a^{3}+b^{3}+c^{3}-3 a b c$
29. बहुपद $b x^{3}+3 x^{2}-3$ तथा $2 x^{3}-5 x+\mathrm{b}$ को $x-4$ से भाग करने पर शेष $\mathrm{R}_{1}$ तथा $\mathrm{R}_{2}$ आता है। यदि $2 \mathrm{R}_{1}-\mathrm{R}_{2}=0$ तो b का मान ज्ञात कीजिए।
The polynomial $\mathrm{b} x^{3}+3 x^{2}-3$ and $2 x^{3}-5 x+\mathrm{b}$ when divided by $x-4$ leave the remainders $R_{1}$ and $R_{2}$ respectively. Find the value of $b$ if $2 R_{1}-R_{2}=0$
30. बिन्दु $\mathrm{A}(-2,-2), \mathrm{B}(6,0) \mathrm{C}(0,4)$ तथा $\mathrm{D}(-3,2)$ का ग्राफ पर आलेखन कीजिए। ABCD आकृति खींचिए तथा लिखिए कि, बिन्दु A तथा D किस चतुर्थांश में है ?

Plot the points $\mathrm{A}(-2,-2), \mathrm{B}(6,0), \mathrm{C}(0,4)$ and $\mathrm{D}(-3,2)$ on the graph paper. Draw figure ABCD and write in which quadrant A and D lie.
31. यदि एक तिर्यक रेखा दो समान्तर रेखाओं को काटे तो सिद्ध कीजिए कि अन्तः कोणों के समद्विभाजक एक आयत बनाते हैं।
If two parallel lines are intersected by a transversal, then prove that bisectors of the interior angles from a rectangle.
32. $\triangle \mathrm{ABC}$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है जिस में $\mathrm{AB}=\mathrm{AC}$ । भुजा BA को D तक इस प्रकार बढ़ाया गया कि $\mathrm{BA}=\mathrm{AD}$ है। सिद्ध कीजिए कि $\angle \mathrm{BCD}$ एक समकोण है।


## Jsinll

$\triangle \mathrm{ABC}$ is an isosceles triangle in which $\mathrm{AB}=\mathrm{AC}$. Side BA is produced to D such that $B A=A D$. Show that $\angle B C D$ is a right angle.


अथवा/ OR
दी गई आकृति में $\mathrm{AC}=\mathrm{AE}, \mathrm{AB}=\mathrm{AD}$ तथा $\angle \mathrm{BAD}=\angle \mathrm{EAC}$ । सिद्ध कीजिए $\mathrm{BC}=\mathrm{DE}$


In the given figure $A C=A E, A B=A D$ and $\angle B A D=\angle E A C$ Show that $B C=D E$

33. $\triangle \mathrm{ABC}$ में BC भुजा पर दो बिन्दु D तथा E इस प्रकार हैं कि $\mathrm{BD}=\mathrm{EC}$ तथा $\mathrm{AD}=\mathrm{AE}$ । सिद्ध कीजिए $\mathrm{AB}=\mathrm{AC}$


In $\triangle A B C$ points $D$ and $E$ are on $B C$ such that $B D=E C$ and $A D=A E$, Prove that $A B=A C$

34. सिद्ध कीजिए कि एक त्रिभुज के तीनों शीर्ष लम्बों का योग, तीनों भुजाओं के योग से कम है।

Show that the sum of the three altitudes of a triangle is less than the sum of the three sides of a triangle.

